



## Gymnázium Ľudovíta Štúra v Trenčíne

### Učebné osnovy

Stupeň vzdelania: ISCED 3A

Študijný odbor: 7902 J – gymnázium

Zameranie školského vzdelávacieho programu: všeobecné

Predmet: matematika

Úroveň:

Počet hodín:

1. ročník	2. ročník	3. ročník	4. ročník	5. ročník	Spolu
počet h týždenne					
počet h ročne					
5	3	4	0		12
165	99	132	0		396

Výchovno-vzdelávacie ciele a vzdelávacie stratégie predmetu:

Cieľom matematiky na gymnáziách je komplexne rozvíjať žiakovu osobnosť. Proces vzdelania smeruje k tomu, aby žiaci:

- získali schopnosť používať matematiku vo svojom budúcom živote,
- rozvíjali funkčné a kognitívne kompetencie, metakognitívne kompetencie a vhodnou voľbou organizačných foriem a metód výučby aj ďalšie kompetencie potrebné v živote,
- rozvíjali logické a kritické myšlenie, schopnosť argumentovať, komunikovať a spolupracovať v skupine pri riešení problému.
- získali a rozvíjali zručnosti súvisiace s procesom učenia sa, k aktivite na vyučovaní a k racionálnemu a samostatnému učeniu sa,
- nové vedomosti získavali špirálovite, s množstvom propedeutiky, prostredníctvom riešenia úloh s rôznym kontextom,
- správne používali matematickú symboliku, znázorňovali vzťahy,
- čítali s porozumením súvislé texty obsahujúce čísla, závislosti a vzťahy a nesúvislé texty obsahujúce tabuľky, grafy a diagramy,
- tvorili jednoduché hypotézy a skúmali ich pravdivosť,
- vedeli používať rôzne spôsoby reprezentácie matematického obsahu (text, tabuľky, grafy, diagramy),
- rozvíjali svoju schopnosť orientácie v rovine a priestore, priestorovú predstavivosť,
- boli schopní pracovať s návodmi a tvoriť ich,
- naučili sa samostatne analyzovať texty úloh, a riešiť ich, odhadovať, hodnotiť a zdôvodňovať výsledky, vyhodnocovať rôzne spôsoby riešenia,
- používali prostriedky IKT na vyhľadávanie, spracovanie, uloženie a prezentáciu informácií, čo by malo uľahčiť niektoré namáhavé výpočty alebo postupy a umožniť tak sústredenie sa na podstatu riešeného problému,
- prostredníctvom medzipredmetových vzťahov a prierezových tém by mali spoznať matematiku ako súčasť ľudskej kultúry aj ako dôležitý nástroj pre spoločnosť.

### **Obsah a rozsah predmetu:**

<b>Ročník</b>	<b>Tematický celok Obsahový štandard</b>	<b>Prierezová téma</b>	<b>Výkonový štandard</b>	<b>Počet hodín</b>
<b>Prvý</b>	<b>Opakovanie a prehlbovanie učiva zo ZŠ. Číslo, číslica, konštantu, premenná,</b>	<b>OSR MKV</b>	<b>Žiak vie:</b> tvoriť výrazy, zapísat' slovný text pomocou konštánt, premenných znakov operácií. -vypočítať výrazy s reálnymi číslami.	<b>14</b>

	<p>prepis slovného textu. Výrazy a ich úpravy, hodnota výrazu, obor premennej výrazu, obor definície výrazu.</p> <p>Vyjadrenie neznámej zo vzorca.</p> <p>Algebrické zlomky (racionálne lomené výrazy) a operácie s nimi.</p>		<p>-rozširovať a vykonávať operácie s algebrickými zlomkami.</p> <p>-určiť obor definície a hodnotu výrazu.</p>	
	<p><b>Výroky a množiny.</b></p> <p>Výrok, pravdivostná hodnota výroku, hypotéza, negácia výroku, zložené výroky, negácie zložených výrokov, výroky s kvalifikátormi, negácie kvantifikovaných výrokov. Výroková forma a jej obory pravdivosti. Množina, spôsoby určenia množín, prvok množiny, počet prvkov množiny, prázdna a neprázdna množina, konečná a nekonečná množina, vzťahy medzi množinami, operácie s množinami, Vennove diagramy, intervaly a operácie s nimi. Súvis logických prvkov a operátorov s množinovými operáciami, množinovo-logický rozbor slovného textu.</p>	<b>OSR MKV ENV</b>	<p><b>Žiak vie:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-určiť pravd. Hodnotu jednoduchých a zložených výrokov</li> <li>-utvoriť negáciu výroku</li> <li>-pracovať s kvantifikovanými výrokmi</li> <li>-určiť konečnú množinu zadanú vlastnosťou a naopak</li> <li>-rozhodnúť o rovnosti dvoch množín</li> <li>-určiť operácie s množinami</li> <li>-rozhodnúť o platnosti jednoduchých množinových identít, buď pomocou grafu-(vennové diagramy) alebo logickým rozborom</li> <li>-vedieť určiť operácie s intervalmi (aj graficky)</li> </ul>	<b>19</b>
	<p><b>Čísla a operácie s číslami</b></p> <p>Desiatková číselná sústava. Zápis veľkých čísel pomocou mocniny čísla 10. Odhad a rádový odhad výsledku. Iné číselné sústavy (rímska, dvojková,</p>	<b>OŽZ OSR MKV TPZ</b>	<p><b>Žiak vie:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-určiť prvočíselný rozklad v N</li> <li>-zistovať deliteľnosť a zvyšky po delení</li> <li>-vypočítať nsn a NSD</li> <li>-dokazovať tvrdenia o vlastnostiach prirodzených</li> </ul>	<b>35</b>

	<p>hexadecimálna ), zápis prirodzených čísel v týchto sústavách. Sčítanie a násobenie v dvojkovej sústave. Vypĺňanie formulárov s číselnými údajmi a práca s údajmi vyjadrenými v percentách. Práca s jednotkami. Mierka máp a plánov. Kurzy a meny peňazí. Elementárna finančná matematika v domácnosti(dane, poistenie, zľavy). Práca s kalkulačkou. Číselné obory, prirodzené číslo a jeho zápis, číselné sústavy, dvojková sústava. Mocniny s celočíselným exponentom, delenie mnohočlenov, vzťahy <math>(a+b)^3</math>, <math>a^3+b^3, a^3-b^3</math>. Deliteľnosť prirodzených čísel, prvočísla, prvočíselné rozklady, znaky deliteľnosti, dôkaz sporom, matematická indukcia.</p>		<p>čísel</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-vysvetliť podstatu priameho dôkazu, nepriameho dôkazu sporom, nepriameho dôkazu implikácie a dôkazu metódou matematickej indukcie</li> <li>-rozoznať na konkrétnych číslach konečný a nekonečný desatinný rozvoj reálneho čísla, nekonečný periodický rozvoj, racionálne a iracionálne čísla</li> <li>-znázorniť reálne číslo na číselnej osi</li> <li>-vedieť použiť základné pravidlá mocnín</li> <li>-vedieť upraviť výraz s neznámou v menovateli</li> <li>-vedieť vypočítať podiel mnohočlenov</li> <li>-vedieť charakterizovať číselné obory</li> <li>-vedieť pracovať s %, s mierkami, trojčlenkami,</li> </ul>	
	<p><b>Rovnice a nerovnice</b> Rovnice a nerovnice Rovnica ako výroková forma, neznáma, koeficienty, obor rovnice, postup riešenia, množina riešení rovnice, dôsledková úprava, ekvivalentná úprava, skúška správnosti. Nerovnice, úpravy a riešenie nerovníc, rovnice a nerovnice v súčinovom a podielovom tvare, rovnice a nerovnice s parametrom, rovnice s absolútou hodnotou, geometrická interpretácia absolútnej hodnoty. Sústava lineárnych rovníc</p>	<b>ENV OSR MKV</b>	<p>Žiak vie:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-vyriešiť lineárnu rovnicu (nerovnicu) rôzneho typu</li> <li>-vyriešiť sústavu dvoch (troch) LR s dvoma (troma) neznámymi</li> <li>-zostaviť LR alebo sústavu LR ako matematický model slovnej úlohy</li> <li>-poznať vlastnosti absolútnej hodnoty reálneho čísla</li> <li>-riešiť LR s neznámou v absolútnej hodnote</li> <li>-vyriešiť kvadratickú rovnicu pomocou vzorca aj pomocou úpravy na štvorec</li> <li>-riešiť rovnice v súčinovom a podielovom tvare</li> </ul>	<b>38</b>

	<p>s dvomi neznámymi, s tremi neznámymi, ekvivalencia sústav, úlohy vedúce k riešeniu sústav rovníc.</p> <p>Kvadratická rovnica a nerovnica, diskriminant, koeficienty, korene, koreňové činitele, úprava na štvorec, počet koreňov súvis s diskriminantom, vzťahy medzi koreňmi a koeficientmi, kvadratické rovnice s parametrom.</p> <p>Úlohy vedúce na riešenie kvadratických rovníc a nerovníc</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>-rozložiť kvadratický trojčlen na koreňové činitele</li> <li>-vzťahy koreňových činitelov, koeficientov</li> <li>-riešiť kvadratické nerovnice</li> <li>-zostaviť kvadratickú rovnicu alebo nerovnicu ako model slovnej úlohy</li> <li>-riešiť lineárne a kvadratické rovnice s parametrom</li> </ul>	
--	--	--	--

	<b>ENV OSR MKV</b>	Žiak vie: <ul style="list-style-type: none"> <li>-využívať vzťahy medzi dvojicami uhlov pri výpočtových a konštrukčných úlohách</li> <li>-klasifikovať trojuholníky a štvoruholníky</li> <li>-zisťovať zhodnosť trojuholníkov, pomocou zhodnosti odvodiť ďalšie vzťahy</li> <li>-nájsť konštrukčne ľažisko, priesčník výšok, stred a polomer vpísanej a opísanej kružnice trojuholníka</li> <li>-využívať jednoduché metrické vzťahy v konštrukčných a výpočtových úlohách</li> <li>-odvodiť vzťah medzi stredovým a obvodovými uhiami a Talesovú vetu</li> <li>-počítať veľkosti uhlov pomocou obvodných uhlov</li> <li>-využívať vetu o stredovom a obvodovom uhle pri riešení geometrických úloh</li> <li>-zostrojiť množinu všetkých uhlov s rovnakou veľkosťou, ktorých ramená prechádzajú danými bodmi a riešiť konštrukčné úlohy pomocou tejto množiny</li> <li>-počítať vzdialenosť a uhly v pravidelnom n-uholníku</li> <li>-určiť, či sú dané trojuholníky podobné</li> <li>-využívať vzťahy medzi podobnými trojuholníkmi na riešenie geometrických úloh</li> <li>-odvodiť Euklidove a Pythagorovu vetu, počítať dĺžky ich vzdialenosťi pomocou týchto viet</li> <li>-zostrojiť úsečku s dĺžkou vyjadrenou druhou odmocinou prirodzeného čísla</li> <li>-počítať prvky, obsahy a obvody (trojuholníkov štvoruholníkov, prav. n-uholníkov, kruhu a jeho častí)</li> </ul>	<b>24</b>
	<b>Planimetria I – základné útvary v rovine</b>  Základné útvary v rovine, polpriamka, uhol, polrovina, konvexné útvary, dvojice uhlov, uhly v mnohouholníkoch. Zhodnosť trojuholníkov, vzťahy medzi stranami a uhlami trojuholníka, ľažnica, ľažisko, výška priesčník výšok, vypísaná a opísaná kružnica. Uhly v kružnici, stredový a obvodový uhol, Thalesova veta. Uhly v pravidelných n-uholníkoch. Podobnosť trojuholníkov a vety o podobnosti, Euklidove vety, Pythagorova veta, pomer obsahov podobných trojuholníkov. Obsahy rovinných útvarov, pravidelných n-uholníkov, štvoruholníkov, časti kruhu.		

	<b>Planimetria II –zhodné a podobné zobrazenia</b>  Trojuholník, riešenie trojuholníka, obsah trojuholníka, Herónov vzorec, polomer kružnice vpísanej a opísanej trojuholníku. Množiny bodov danej vlastnosti, konštrukčné úlohy. Zhodné a podobné zobrazenie v rovine. Osová súmernosť, skladanie osových súmerností, posunutie, otocenie, stredová súmernosť, identita, samodružné body, samodružné útvary, konštrukčné úlohy. Podobnosť, koeficient podobnosti, rovnaložnosť, koeficient rovnaložnosti, rovnaložnosť kružníc, spoločné dotyčnice, konštrukčné úlohy	<b>ENV OSR MKV</b>	Žiak vie: -konštruovať trojuholníky, kružnice, útvary pomocou množín bodov danej vlastnosti -odvodiť vzťahy medzi stranami, uhlami a ďalšími prvkami trojuholníka, odvodiť vzorce pre obsah trojuholníka -riešiť trojuholník konštrukčne i výpočtom, vypočítať dĺžky strán, ľažníc, výšok. Polomeru opisnej a vpísanej kružnice, veľkosti uhlov, obvodu a obsahu -riešiť aplikované úlohy pomocou trigonometrie -zostrojiť obraz útvaru v zhodnom zobrazení danom dvojicami odpovedajúcich si bodov -zobraziť útvar v osovej a stredovej súmernosti, posúvaní, otáčaní -určiť výsledok zloženia dvoch osových súmerností -riešiť konštrukčné úlohy pomocou zhodných zobrazení -zobraziť bod, úsečku, priamku a kružnicu v rovnaložnosti, zobraziť ľubovoľný útvar v rovnaložnosti -nájsť stred rovnaložnosti dvoch kružníc, spoločné dotyčnice dvoch kružníc -riešiť konštrukčné úlohy pomocou rovnaložnosti -využiť podobnosť pri riešení konštrukčných úloh	<b>31</b>
	<b>Povinné písomné práce</b>			<b>4</b>
<b>Druhý</b>	<b>FUNKCIE.</b> <b>Funkcie I – lineárne a kvadratické</b> Funkčná závislosť, funkcia ako predpis, definičný obor, obor hodnôt, graf funkcie. Určovanie definičného oboru	<b>OSR MKV</b>	Žiak vie: -určiť obor definície a obor pravdivosti výrokovej formy -načrtiť graf danej lineárnej funkcie -opísati základné vlastnosti lineárnej	<b>12</b>

	funkcie. Párnosť a nepárnosť funkcie, monotónnosť, ohraničenosť a extrémy funkcie, prostá a periodická funkcia. Lineárna funkcia, jej vlastnosti a graf. Grafy funkcií s absolútou hodnotou. Kvadratická funkcia, jej vlastnosti a graf. Použitie kvadratických funkcií. Polynomická funkcia.		funkcie(definičný obor, obor hodnôt, nulový bod, monotónnosť, ohraničenosť) -graf. znázorniť množinu riešení danej LN -vyriešiť sústavu dvoch LR s dvoma neznámymi rôznymi metódami (dosadzovacia, eliminačná, grafická) -určiť os, vrchol a nulové body grafu danej kvadratickej funkcie a načrtnúť ho -vyriešiť kvadratickú R a N pomocou grafu príslušnej kvadratickej funkcie -kresliť grafy lineárnych a kvadratických funkcií s absolútymi hodnotami	
	<b>Funkcie II- mocninové a lineárne lomené</b>  Mocniny s prirodzeným exponentom, vety o mocninách, grafy a vlastnosti mocninových funkcií s prírodným exponentom. Mocniny s celočíselným exponentom, grafy a vlastnosti mocninových funkcií s celočíselným exponentom. Racionálna funkcia, nepriama úmernosť, lineárna lomená funkcia, grafy lineárnych lomených funkcií. Inverzná funkcia, jej vlastnosti a graf. Odmocniny a funkcie s odmocninami, vety o odmocninách. Mocniny s racionálnym exponentom, úpravy výrazov s mocninami. Jednoduché iracionálne rovnice a nerovnice.	<b>TPZ</b>	Žiak vie: -dokázať základné vety o mocninách s prirodzeným exponentom -počítať s mocninami s celočíselným exponentom -načrtnúť grafy niektorých mocninových funkcií -kresliť grafy ľubovoľných lineárnych lomených funkcií a funkcií k nim inverzných -upravovať výrazy s mocninami a odmocninami -riešiť rovnice a nerovnice s neznámou v odmocnenci	<b>18</b>
	<b>Funkcie III – goniometrické, trigonometria.</b>	<b>ENV EŽZ</b>	Žiak vie: -priradiť uhlom z intervalu $<0^\circ, 360^\circ>$ hodnoty	<b>25</b>

	<p>4. Funkcie IV (goniometrické) Goniometrické funkcie ostrého uhla, veľkosť uhla v stupňovej a oblúkovej miere, zobrazenie množiny reálnych čísel do jednotkovej kružnice. Funkcie sínus, kosínus, tangens a kotangens ako reálne funkcie reálnej premennej, ich vlastnosti a grafy. Základné goniometrické rovnice a nerovnice. Zložené goniometrické funkcie a ich grafy. Základné vzťahy medzi hodnotami goniometrických funkcií toho istého uha, ďalšie goniometrické rovnice a nerovnice. Trigonometria. trojuholník, sínusová a kosínusová veta, riešenie trojuholníka.</p>	<b>MKV OSR</b>	<p>goniometrických funkcií a naopak -používať grafy goniometrických funkcií alebo jednotkovú kružnicu pri riešení úloh -upravovať jednoduchšie goniometrické výrazy -kresliť grafy zložených goniometrických funkcií -riešiť goniometrické rovnice s využitím poznatkov o goniometrických funkciách -odvodiť súčtové vzorce a vzorce pre polovičný a dvojnásobný uhol -určiť períodu ľubovoľnej goniometrickej funkcie -poznať základné trigonometrické pojmy -vedieť sinusovú a kosinusovú vetu -vedieť vypočítať obsah trojuholníka z rôznych zadaných prvkov -vedieť vypočítať polomer vpísanej a opísanej kružnice trojuholníku -vedieť zmatematizovať reálnu situáciu v praktických úlohach</p>	
	<p><b>Funkcie IV- exponenciálne a logaritmické</b> Exponenciálna funkcia, vplyv základu na jej priebeh, vlastnosti a graf. Eulerovo číslo, funkcia <math>y = e^x</math>. Exponenciálne rovnice a nerovnice. Logaritmická funkcia ako inverzná k exponenciálnej, jej vlastnosti a graf. Logaritmus čísla, určovanie logaritmov, vety o logaritmoch, dekadický a prirodzený logaritmus. Logaritmické rovnice a nerovnice, použitie logaritmov pri riešení exponenciálnych rovníc.</p>	<b>OSR ENV TPZ</b>	<p>Žiak vie: -vedieť určiť inverznú funkciu (aj graficky) -kresliť grafy exponenciálnych a logaritmických funkcií, určovať vlastnosť -odhadovať logaritmus daného čísla a naopak, odhadovať číslo, ktorého logaritmus je známy -používať dekadický logaritmus pri zjednodušovaní numerických výpočtov -riešiť základné exponenciálne a logaritmické rovnice -využívať vlastnosti exponenciálnych a logaritmických funkcií (prostosť a monotónnosť) pri riešení exponenciálnych a logaritmických</p>	<b>30</b>

			rovníc -používať metódu substitúcie a zámeny základov, pri riešení log. a exp. rovníc	
	<b>Postupnosti a rady</b> Postupnosti a rady. Postupnosť Grafické znázornenie postupnosti Spôsoby určenia postupnosti Rekurentné určenie postupnosti Monotónne postupnosti Ohraničenosť postupnosti Aritmetická postupnosť Vety o aritmetickej postupnosti Súčet prvých n členov aritmetickej postupnosti Geometrická postupnosť Vety o geometrickej postupnosti Súčet prvých n členov geometrickej postupnosti Úlohy na použitie geometrickej postupnosti Úlohy na vzrast a pokles Limita postupnosti Vety o limitách	<b>OSR ENV EZZ</b>	Žiak vie: -vypísat členy postupnosti, určiť ľubovoľný člen -zistovať monotónnosť postupnosti -určovať limitu postupnosti (intuitívne) -zistiť, či je postupnosť aritmetická alebo geometrická -určiť postupnosť čiastočných súčtov	<b>10</b>
	<b>Povinné písomné práce</b>			<b>4</b>
<b>Tretí</b>	<u><b>1. Stereometria I</b></u> Základné útvary v priestore – bod, priamka, rovina. Polohové vzťahy, vzájomná poloha dvoch priamok, rovnobežnosť priamok, vzájomná poloha priamky a roviny, dvoch rovín, troch rovín. Voľné rovnobežné premietanie, zobrazenie jednotlivých telies vo voľnom rovnobežnom premietaní, hranol, kolmý hranol, štvorsten, pravidelné telasá.	<b>OSR TPZ ENV</b>	Žiak vie: -určovať vzájomnú polohu, zistovať a odvodňovať rovnobežnosť, kolmost' priamky na rovinu, kolmost' priamok -zobraziť teleso vo volnom rovnobežnom premietaní -určovať a konštruovať prienik priamky a roviny, priesecnicu dvoch rovín -zobraziť rez telesa rovinou -zostrojiť skutočnú veľkosť rezu -zobraziť prienik priamky i telesa -počítať vzdialenosť dvoch bodov na pravidelných a kolmých telesách i vzdialenosť	<b>20</b>

	<p>Rezy kocky pomocou rovnobežnosti, rezy mnohostenov, skutočná veľkosť rezu.</p> <p>Priesečnica rovín, priesečník priamky s rovinou, prienik priamky s telesom, priečka mimobežiek.</p> <p>Uhол priamok, kolmost, priamka kolmá na rovinu – definícia kolmosti, kritérium kolmosti, kolmost rovín, rezy s podmienkou kolmosti. Vzdialenosť bodu od roviny, bodu od priamky.</p>		<p>bodu od roviny -zhotovovať siete a modely telies</p>	
<b>stereometria</b>	<p><b>Stereometria II</b></p> <p>Odchýlka dvoch priamok konštrukčne a výpočtom, kolmý priemet priamky do roviny, odchýlka priamky a roviny konštrukčne a výpočtom, odchýlka dvoch rovín, určovanie odchýlky dvoch rovín konštrukčne a výpočtom, kolmost rovín.</p> <p>Objemy telies, vlastnosti objemu, objemy hranatých a rotačných telies, povrchy telies. Počítanie povrchov a objemov s využitím rezov, vlastnosti objemu, zhodnosti telies a vhodnej voľby podstáv</p>	<b>OSR TPZ ENV</b>	<p>Žiak vie:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-určiť odchýlku dvoch priamok</li> <li>-určiť odchýlku priamky a roviny konštrukčne i výpočtom</li> <li>-určiť odchýlku dvoch rovín konštrukčne i výpočtom</li> <li>-počítanie objemov a povrchov telies</li> <li>-pri počítaní objemov a povrchov zložitejších telies vedieť teleso vhodne rezať či doplniť, využívať zhodnosť telies, vlastnosti objemu, vhodnú voľbu podstáv</li> </ul>	<b>20</b>

	<p><b>Analytická geometria I</b></p> <p>Metóda súradníc ako slovník medzi geometriou a algebrou, analytické vyjadrenie útvaru.</p> <p>Karteziánska súradnicová sústava na priamke, v rovine, v priestore.</p> <p>Orientované úsečky, vektor. Súradnice vektora, veľkosť vektora, operácia s vektormi, súčet vektorov, násobok vektora reálnym číslom, lineárna kombinácia vektorov, skalárny súčin vektorov, vektorový súčin, zmiešaný súčin.</p> <p>Kolineárnosť bodov v rovine, komplanárnosť bodov v priestore.</p> <p>Parametrické vyjadrenie priamky v rovine, v priestore.</p> <p>Všeobecná rovnica priamky v rovine, normálový vektor, smernica priamky, smernicový tvar rovnice priamky.</p> <p>Uhol priamok, kolmosť, rovnobežnosť, vzájomná poloha priamok, riešenie úloh.</p> <p>Parametrické vyjadrenie roviny, všeobecná rovnica roviny, normálový vektor, polpriestor, polrovina, priesečnica dvoch rovín, kolmost, uhol priamky a roviny, uhol dvoch rovín.</p> <p>Vzdialenosť bodu od priamky, bodu od roviny, dvoch rovín.</p>	<p><b>OSR TPZ</b></p>	<p>Žiak vie:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-spoznať geometrickú interpretáciu operácií s vektormi</li> <li>-určiť rôzne rovnice priamky, polpriamky, úsečky</li> <li>-pochopiť súvislosť medzi priamkou, jej časťami a grafom lineárnej funkcie</li> <li>-určiť rôzne rovnice roviny, polroviny a polpriestora</li> <li>-určiť uhly a vzdialenosť daných útvarov</li> <li>-určiť vzájomné polohy útvarov</li> </ul>	<p><b>38</b></p>
--	---	-----------------------	--	------------------

	<b>Analytická geometria II</b>  Analytické vyjadrenie kružnice, kruhu, stredový všeobecný tvar rovnice kružnice, úlohy o kružnici, vzájomná poloha kružnice a lineárnych útvarov, dotyčnica kružnice, úlohy o dotyčniach. Vyšetrovanie množín bodov metódou súradníc.	<b>OSR TPZ</b>	Žiak vie: -určiť rôzne rovnice kružnice -určiť rovnice dotyčníc ku kružnici i z bodu mimo kružnicu -určiť vzájomné polohy kružnice a priamky -pri riešení geometrickej úlohy spoznať vhodnosť použitia analitickej metódy -voliť vhodnú súradnicovú sústavu pri riešení úloh -spoznať základné myšlienky analitickej geometrie	<b>12</b>
	<b>Kombinatorika, pravdepodobnosť, štatistika</b>  Kombinatorické pravidlo súčtu a súčinu, kombinatorické úlohy. Variácie, permutácie, faktoriál, kombinácia, kombinačné čísla a ich vlastnosti, Pascalov trojuholník a jeho vlastnosti, binomická veta. Slovné úlohy. Pokus, udalosť. Definícia pravdepodobnosti. Opačný jav a jeho pravdepodobnosť. Nezlučiteľné javy a ich pravdepodobnosť. Nezávislé javy. Pravdepodobnosť nezávislých javov. Bernoulliho veta.  Úlohy na Bernoulliho vetu :	<b>ENV OŽZ OSR TPZ MED</b>	Žiak vie: -riešiť jednoduché kombinatorické úlohy systematickým vypísaním všetkých možností s využitím vhodného organizačného princípu -riešiť zložitejšie kombinatorické úlohy ich rozložením na jednoduchšie podúlohy využitím kombinatorického pravidla súčtu a súčinu -vysvetliť spôsob vyjadrenia počtu permutácií, variácií a kombinácií pomocou faktoriálov -vedieť vyriešiť zložitejšie úlohy - na výpočet pravdepodobnosti: opačný jav, nezlučiteľný a nezávislý jav – Bernoulliho veta -vyčísliť hodnotu konkrétneho kombinačného čísla buď priamo z definície alebo využitím súčtového vzťahu (Pascalov trojuholník) -umocniť algebrický dvojčlen na n-binomická veta  -pre daný štatistický súbor určiť hodnoty	<b>38</b>

	<p>Štatistický súbor, znak, rozsah súboru.</p> <p>Absolútна a relatívna početnosť.</p> <p>Riešenie úloh.</p> <p>Priemerná hodnota.</p> <p>Aritmetický priemer.</p> <p>Geometrický priemer.</p> <p>Modus, medián.</p> <p>Rozptyl, smerodajná odchýlka.</p> <p>Polygon početnosti, histogram.</p> <p>Koeficient korelácie.</p> <p>Zhrnutie a systematizácia poznatkov z pravdepodobnosti.</p> <p>Zhrnutie a systematizácia poznatkov zo štatistiky</p>		<p>základných štatistických parametrov</p> <p>-výpočet koeficientu korelácie dvoch veličín a štatistická interpretácia vypočítanej hodnoty</p> <p>-spoznať myšlienku aplikácie štatistických hodnôt v praxi</p>	
	<b>Povinné písomné práce</b>			<b>4</b>

### **Metódy a formy vyučovania: klasické, individuálne , skupinové**

**Hodnotenie a klasifikácia predmetu:** Hodnotiť a klasifikovať sa bude podľa Metodického pokynu č. 21/2011 na hodnotenie a klasifikáciu žiakov stredných škôl čl.10

**Učebné zdroje: učebnice , vlastné materiály**